Informática – Haskell – Matemáticas – Curso 2004-2005 Pepe Gallardo – Universidad de Málaga

Tema 5. Polimorfismo

5.1 Funciones Polimórficas

La función identidad

Polimorfismo en Tuplas

Polimorfismo en Listas

Composición de funciones

El operador (\$)

5.1 Funciones Polimórficas

- √ Tienen sentido independientemente del tipo
- √ Ventaja: código más reutilizable y fácil de mantener

La función identidad

Ejemplo simple: La función predefinida identidad

```
\begin{array}{ccc} id & :: & a \to a \\ id \ x = & x \end{array}
```

Uso:

```
? id 'd'
'd' :: Char

? id 120
120 :: Integer

? id [1,2,0]
[1,2,0] :: [Integer]
```

- \checkmark La a en el tipo es una *variable de tipo* (en minúscula): denota un tipo arbitrario
- \checkmark El tipo del argumento, a, indica que id puede tomar argumentos de cualquier tipo
- \checkmark El tipo del resultado, a, indica que id devuelve un valor cuyo tipo coincide con el del argumento

Polimorfismo en Tuplas

Los selectores predefinidos fst y snd permiten extraer componentes:

```
\begin{array}{cccc} fst & & & \vdots & (a,b) \rightarrow a \\ fst & (x &, & \_) & = & x \\ snd & & & \vdots & (a,b) \rightarrow b \\ snd & (\_, & y) & = & y \end{array}
```

Uso:

```
? fst (1, 'd')
1 :: Integer
? snd (1, 'd')
'd' :: Char
? snd (1, 2)
2 :: Integer
```

- \checkmark Se usan dos variables de tipo distintas: a y b
- ✓ Esto indica que los tipos de ambas componentes pueden ser distintos
- \checkmark El resultado de fst tiene siempre el mismo tipo que la primera componente del argumento
- \checkmark Dos variables de tipo distintas pueden corresponder a dos tipos distintos, aunque no es obligatorio (p. ej. snd(1,2))

Polimorfismo en Listas

La función predefinida *length* calcula la longitud de listas de cualquier tipo:

```
\begin{array}{lll} length & :: & [a] \rightarrow \underline{Int} \\ length \ [] & = & 0 \\ length \ (\_: xs) = & 1 + length \ xs \end{array}
```

Uso:

```
? length [10, 11, 12]
3 :: Int
? length [True, False]
2 :: Int
? length [ [10, 11, 12], [13, 14, 15, 16] ]
2 :: Int
```

Los selectores predefinidos pueden ser utilizados con listas de cualquier tipo:

Polimorfismo en Listas (2)

Concatenación de listas:

```
infixr 5 ++ (++) :: [a] \rightarrow [a] \rightarrow [a] [] ++ ys = ys (x : xs) ++ ys = x : (xs ++ ys)
```

La función map:

```
\begin{array}{lll} map & :: & (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b] \\ map f [] & = & [] \\ map f (x : xs) & = & f x : map f xs \end{array}
```

La función filter:

```
filter :: (a \rightarrow Bool) \rightarrow [a] \rightarrow [a]

filter p [] = []

filter p (x : xs)

| p x = x : filter p xs

| otherwise = filter p xs
```

Usos:

```
? [1,3,5] ++ [2,4]

[1,3,5,2,4] :: [Integer]

? map (+1) [1,2,3]

[2,3,4] :: [Integer]

? map even [1,2,3,4]

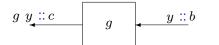
[False, True, False, True] :: [Bool]

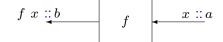
? filter even [1,2,3,4]

[2,4] :: [Integer]
```

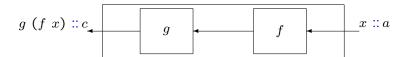
Composición de funciones

Si $f :: a \rightarrow b$ y $g :: b \rightarrow c$





se define $g \cdot f$:



- \checkmark El resultado de la composición es otra función con tipo g.f :: $a \to c$
- \checkmark Si el tipo del resultado de f no coincide con el del argumento de g las funciones no se pueden componer.
- √ En Haskell, (.) está predefinido como

infixr 9.
(.) ::
$$(b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow (a \rightarrow c)$$

 $g \cdot f = \lambda x \rightarrow g (f x)$

Ejemplos:

```
esPar :: Integer \rightarrow Bool

esPar x = (x 'mod' 2 == 0)

esImpar :: Integer \rightarrow Bool -- Recordemos que not :: Bool \rightarrow Bool

esImpar = not \cdot esPar

fun :: Integer \rightarrow Integer

fun = (+1) \cdot (*2) \cdot (+2)

? esImpar 5

True :: Bool

? fun 10

25 :: Integer
```

El operador (\$)

Operador polimórfico predefinido, que permite aplicar una función a su argumento:

```
infixr 0 $
($) :: (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b
f \$ x = f x
```

Uso:

```
? f 5 where f x = 2 * x 10 :: Integer

? f $ 5 where f x = 2 * x 10 :: Integer
```

Su baja prioridad (mínima) lo hace útil para evitar paréntesis:

```
? f 5 + 3 where f x = 2 * x 13 :: Integer

? f (5 + 3) where f x = 2 * x 16 :: Integer

? f $ 5 + 3 where f x = 2 * x 16 :: Integer

? f (+1) . (*2) . (+2) $ 10 25 :: Integer
```

Objetivos del tema

El alumno debe:

- √ Comprender las definiciones de funciones y tipos polimórficos
- √ Saber definir y utilizar funciones polimórficas
- √ Conocer algunos de los operadores y funciones polimóficas predefinidas.
- ✓ Saber utilizar el operador de composición de funciones para definir nuevas funciones a partir de otras.
- √ Saber el tipo de las funciones que se obtienen por composición de otras.